

- Kategorije kontrole proizvodnje zidnih elemenata (I i II), klase izvođenja i parcijalni koeficijenti sigurnosti
- Određivanje normalizovane srednje čvrstoće pri pritisku elementa za zidanje;
- Određivanje karakteristične čvrstoće pri pritisku zida;
- Određivanje modula elastičnosti, E;
- Određivanje modula klizanja G;
- Određivanje karakteristične čvrstoće zida na smicanje;
- Određivanje karakteristične čvrstoće na savijanje van ravni zida.

Literatura korišćena u pripremi prezentacije:

1. MEST EN 1996-1-1 2017 sa nacionalnim aneksom
2. Radić J. i saradnici: „Zidane konstrukcije“, Zagreb 2007
3. Aničić D, Franko T, Lu S, Par Koričić I, Zupančić M: „Priručnik za investitore, projektante, nadzorne inženjere i Izvođače“, Karlovac 2009
4. Milošević B: „Zbirka rešenih zadataka iz zidanih konstrukcija prema Eurokodu 6“, Beograd 2019

Kategorije kontrole proizvodnje zidnih elemenata (I i II), klase izvođenja i parcijalni koeficijenti sigurnosti

Elementi za zidanje se u zavisnosti od kontrole proizvodnje svrstavaju u klase elemenata I i klasu II.

Kategorija I su elementi za koje je proizvođač obezbijedio program kontrole proizvodnje u kojem proizvedeni elementi za zidanje imaju podbačaj karakteristične srednje čvrstoće na pritisak na manje od 5% ispitanih uzoraka.

Kategorija II su elementi za zidanje čija srednja vrijednost čvrstoće na pritisak zadovoljava zahtijevana svojstva.

Prije zidanja zida Izvođač treba da sproveđe sljedeće:

- pregleda otpremnice i oznaka na zidnim elementima, malteru i drugim građevinskim proizvodima koji se koriste i uporedi zahtijevanim;
- izvrši vizuelnu kontrolu zidnih elemenata, vreća maltera i ambalaže ostalih građevinskih proizvoda te da utvrdi moguća oštećenja,
- utvrdi kategorija kontrole proizvodnje zidnih elemenata (I ili II).

Parcijalni koeficijenti sigurnosti za materijale se definišu u zavisnosti od kategorije elemenata za zidanje i od klase kontrole izvođenja radova na objektu sa zidanom konstrukcijom.

Materijal	γ_m					
	Klasa					
	1		2		3	
A	Elementi kategorije I i sa malterom projektovanih svojstva	1,5		2,0		2,5
B	Elementi kategorije I i sa malterom projektovanog sastava	1,7		2,2		2,7
C	Elementi kategorije II sa bilo kojim malterom	2,0		2,5		3,0

Parcijalni koeficijenti za materijale γ_m za granična stanja nosivosti. U seizmičkoj proračunskoj situaciji upotrebljava se 2/3 vrijednosti γ_m , ali ne manje od 1,5.

Značenje klasa:

Klasa 1 Izvođač ima sertifikat EN ISO 9001/1. Izvođač ugrađuje samo materijale koji imaju potvrdu o usaglašenosti proizvoda. Investitor mora obezbijediti vršenje nadzora na objektu.

Klasa 2 Izvođač ugrađuje samo materijale koji imaju potvrdu o usaglašenosti proizvoda. Investitor mora obezbijediti vršenje nadzora na objektu.

Klasa 3 Izvođač ugrađuje samo materijale koji imaju potvrdu o usaglašenosti proizvoda.

PRIMJER PODATAKA KOJI TREBA DA PRATE jedan zidni element na tržištu



01234

Tvrtka, P.P. 21, 1000 XXX

02

01234-CPD-00234

HRN EN 771-1

Razred I, HD, xxx.yyy.zz mm opečni zidni element

Tlačna čvrstoća - srednja: xx N/mm² (okomito na horizontalnu sljubnicu)
xx N/mm² (okomito na čelo) (razred I.)

Dimenzijska stabilnost - kretanje vlage: svojstvo nije određeno

Čvrstoća prijanjanja: tablična vrijednost xx (N/mm²)

Sadržaj aktivnih topljivih soli: svojstvo nije određeno (S0)

Reakcija pri požaru: eurorazred A1

Vodoupojnost: xx %

Koeficijent difuzije vodene pare: xxx

Izolacija izravnog zračnog zvuka: bruto obujamska masa xxxx (D1) kg/m³
oblik prema priloženom crtežu

Istovrijedna toplinska provodljivost: xx W/mK (λ_{10dry})

Trajnost na zamrzavanje - odmrzavanje: F2

Opasne tvari: vidi napomenu niže

Primjer podataka uz znak CE

Određivanje normalizovane srednje čvrstoće pri pritisku elementa za zidanje, standard MEST EN 772-1

Uzorkovanje se vrši prema odgovarajućem standardu gdje se precizira broj uzoraka u odnosu na propisanu kubaturu zida. Minimalan broj uzoraka su tri uzorka.

Srednja čvrstoća pri pritisku dobija se kada se zbir svih čvrstoća podijeli brojem uzoraka.

PRIMJER: Za uzorak 19/19/25 potrebno je odrediti srednju čvrstoću pri pritisku i normalizovanu čvrstoću.

uzorak	1	2	3	4	5	6	7	8	9	10	11	12
Čvrstoća pri pritisku	10,5	12,5	11	13	14,5	9,5	8,2	13,4	11,2	8,9	14	11,8

$$f_{sr} = \frac{\sum_{i=1}^n f_i}{n} = \frac{(10,5+12,5+11+13+14,5+9,5+8,2+13,4+11,2+8,9+14+11,8)}{12}$$

$$f_{sr} = 10,7 \text{ MPa}$$



Elementi koji se testiraju potapaju se 24h u vodi, te da bi dobili normalizovanu čvrstoću pri pritisku suvih elemenata, za elemente od gline ova se vrijednost koriguje koeficijentom 1,1, a za sve ostale sa koeficijentom 1,2.

$$f_{s,suv} = 1,1 f_{sr} = 1,1 \times 10,7 \times 1,1 = 11,8 \text{ MPa}$$

Za proračun zidnih elemenata koristi se normalizovana čvrstoća pri pritisku. Ona predstavlja čvrstoću zidnog elementa prevedenu na čvrstoću pri pritisku na vazduhu sušenog zidnog elementa dimenzija 100x100 mm, pomnoženu koeficijentom oblika zidnog elementa δ .

Visina zidnog elementa	Najmanja horizontalna dimenzija zidnog elementa (mm)					
	50	100	150	190	200	≥ 250
50	0,85	0,75	0,70		/	/
65	0,95	0,85	0,75		0,70	0,65
100	1,15	1,0	0,90		0,80	0,70
150	1,30	1,2	1,1		1,0	0,95
190			1,22	1,14	1,12	
200	1,45	1,35	1,25		1,15	1,10
≥ 250	1,55	1,45	1,35		1,25	1,15

Sračunavanje koeficijenta oblika za element dimenzija 190x190x250, čije se dimenzije ne nalaze u tabeli dobija se linearom interpolacijom za elemente diemnzija 150x150 i 200x200:

$$\text{Element 190 visine, između elemenata visine 150 i 200 mm: } \delta I = 1,10 + \frac{(190-150)x(1,25-1,1)}{(200-150)} = 1,22$$

$$\text{Element 190 širine, između elemenata širine 150 i 200 mm: } \delta II = 1,0 + \frac{(190-150)x(1,15-1,0)}{(200-150)} = 1,12$$

$$\text{Konačan koeficijent oblika } \delta \text{ je: } \delta = 1,22 + \frac{(190-150)x(1,12-1,22)}{(200-150)} = 1,14$$

Normalizovana srednja vrijednost čvrstoće pri pritisku elementa za zidanje iznosi:

$$fb = fsr, suv \delta = 11,8 \times 1,14 = 13,5 \text{ MPa}$$

Grupisanje elemenata za zidanje u četiri karakteristične grupe.
 Od razvrstavanja određenog elementa u pripadajuću grupu zavisi koja će se jednačina primijeniti za definisanje karakteristične čvrstoće na pritisak zida fk.

	Materijali i ograničenja za elemenate za zidanje				
	Grupa 1 (svi materijali)		Grupa 2	Grupa 3	Grupa 4
		Materijal	Vertikalne šupljine		Horizontalne šupljine
Zapremina svih šupljina (% bruto zapremine)	≤ 25	glina	$> 25; \leq 55$	$\geq 25; \leq 70$	$\geq 25; \leq 70$
		kalcijum silikat	$> 25; \leq 55$	ne koristi se	ne koristi se
		beton ^b	$> 25; \leq 60$	$\geq 25; \leq 70$	$\geq 25; \leq 50$
Zapremina pojedinačne šupljine (% bruto zapremine)	$\leq 12,5$	glina	svaka od pojedinačnih šupljina ≤ 2 ; šupljine za manipulaciju (ručke) $\leq 12,5$	svaka od pojedinačnih šupljina ≤ 2 ; šupljine za manipulaciju (ručke) $\leq 12,5$	svaka od pojedinačnih šupljina ≤ 30
		kalcijum silikat	svaka od pojedinačnih šupljina ≤ 15 ; šupljine za manipulaciju (ručke) ≤ 30	ne koristi se	ne koristi se
		beton ^b	svaka od pojedinačnih šupljina ≤ 30 ; šupljine za manipulaciju (ručke) ≤ 30	svaka od pojedinačnih šupljina ≤ 30 ; šupljine za manipulaciju (ručke) ≤ 30	svaka od pojedinačnih šupljina ≤ 25

Deklarisane vrednosti debljine pregrada i omotača (mm)	Nema zahteva		pregrada	omotač	pregrada	omotač	pregrada	omotač
		glina	≥ 5	≥ 8	≥ 3	≥ 6	≥ 5	≥ 6
		kalcijum silikat	≥ 5	≥ 10	ne koristi se		ne koristi se	
		beton ^b	≥ 15	≥ 18	≥ 15	≥ 15	≥ 20	≥ 20
Deklarisane vrednosti kombinovanih debljina ^a pregrada i omotača (% ukupne širine)	Nema zahteva	glina	≥ 16		≥ 12		≥ 12	
		kalcijum silikat	≥ 20		ne koristi se		ne koristi se	
		beton ^b	≥ 18		≥ 15		≥ 45	

^a Kombinovana debljina je ukupna debljina pregrada i omotača, merena horizontalno u relevantnom pravcu. Provera je zamišljena kao kvalifikacioni test i potrebno ju je ponoviti jedino u slučaju bitnih promena dimenzija elemenata za zidanje.

^b U slučaju konusnih ili čelijskih šupljina, treba koristiti srednju vrednost debljine pregrada i omotača.

Određivanje karakteristične čvrstoće pri pritisku zida, standard MEST EN 1996-1-1:2017

$f_k = K f_b^{0.7} f_m^{0.3}$ za sve grupe elemenata i maltere opšte namjene i lako agregatne maltere

$f_k = K f_b^{0.85}$ elemete iz grupa 1 i 4 i tankoslojne maltere (horizontalne spojnice do 3mm). Ovdje spadaju: elementi od betona, elementi od aeriranog betona, elemtri od kalcijum silikata

$f_k = K f_b^{0.7}$ elemete iz grupa 2 i 3 i tankoslojne maltere

Gdje su:

K – konstanta prema tabeli

f_b - normalizovana srednja čvrstoća na pritisak elementa za zidanje

f_m - čvrstoća na pritisak maltera za zidanje

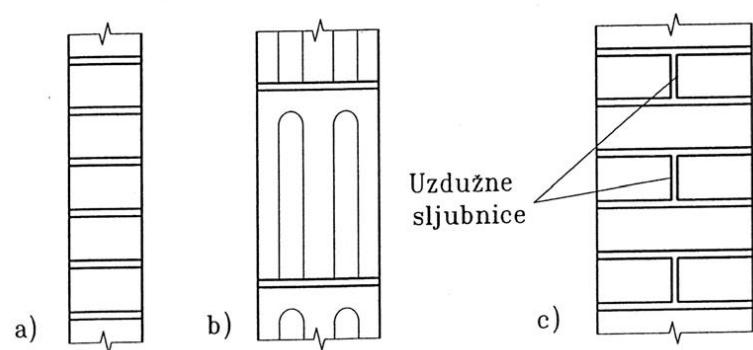
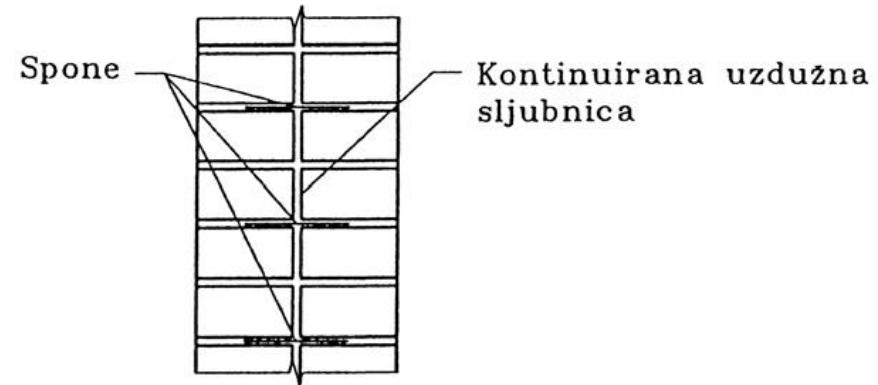
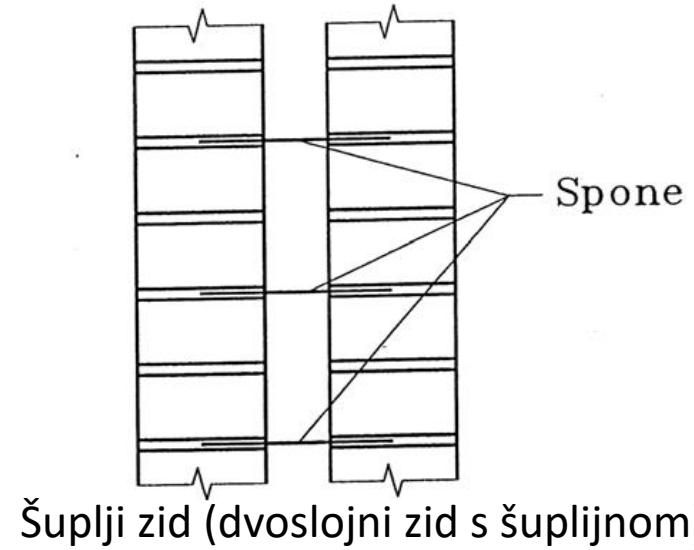
Na mjestima gdje su uticaji od dejstva paralelnim horizontalnim spojnicama, za Grupe 2 i Grupu 3 elemenata, vrijednost k treba pomnožiti sa 0.5.

Za zidove izvedene u malteru opšte namjene, kada postoje podužne malterske spojnice cijelom dužinom zida ili dijelom dužine zida, vrijednost k iz tabele se množe sa 0.8.

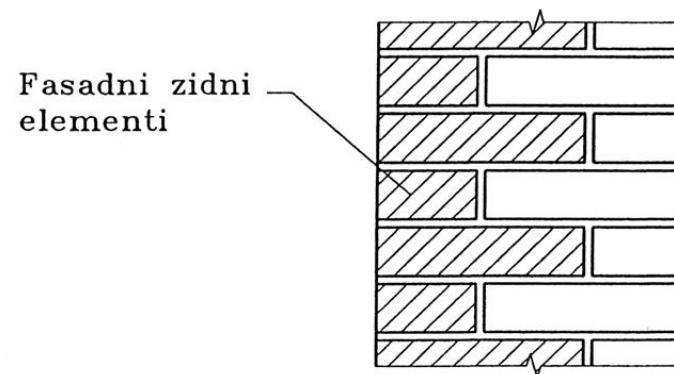
Element za zidanje	Malter opšte namene	Tankoslojni malter (debljina spojnice 0,5-3,0 mm)	Lakoagregatni malter, zapremske mase	
			$600 \leq \rho_d \leq 800 \text{ kg/m}^3$	$800 \leq \rho_d \leq 1300 \text{ kg/m}^3$
Glina	Grupa 1	0,55	0,75	0,30
	Grupa 2	0,45	0,70	0,25
	Grupa 3	0,35	0,50	0,20
	Grupa 4	0,35	0,35	0,20
Kalcijum silikat	Grupa 1	0,55	0,80	‡
	Grupa 2	0,45	0,65	‡
Beton	Grupa 1	0,55	0,80	0,45
	Grupa 2	0,45	0,65	0,45
	Grupa 3	0,40	0,50	‡
	Grupa 4	0,35	‡	‡
Autoklavirani aerirani beton	Grupa 1	0,55	0,80	0,45
Veštački kamen	Grupa 1	0,45	0,75	‡
Obrađeni prirodni kamen	Grupa 1	0,45	‡	‡

‡ Kombinacija maltera i elementa za zidanje koja se obično ne koristi.

Vrste poprečnih presjeka zidanih zidova - komentar definisanja čvrstoće na pritisak

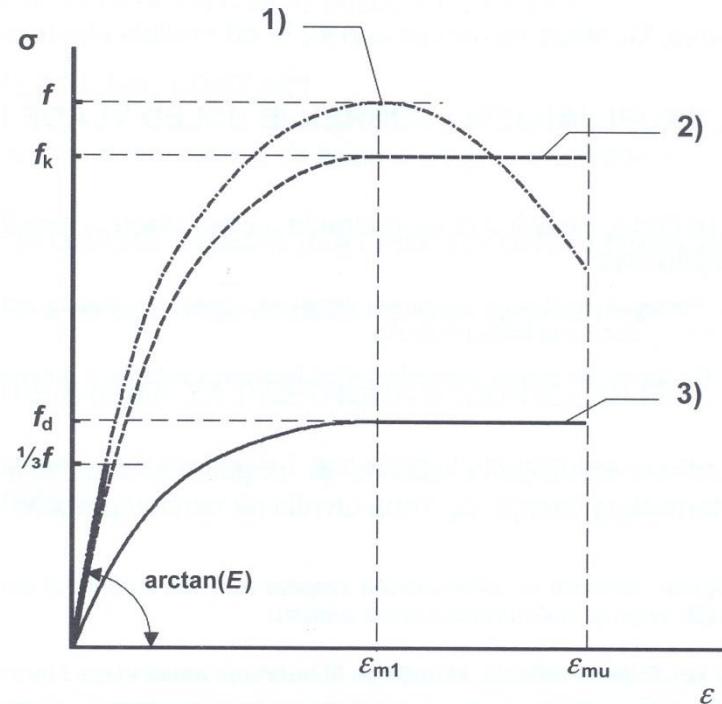


Presjek kroz jednoslojni zid



Presjek kroz jednoslojni zid s fasadnim elementima

Određivanje modula elastičnosti E i modula smicanja G



Sve do negdje 30% od čvrstoće zida na pritisak postoji linearna zavisnost između dilatacija i napona pritiska. Zato se na osnovu radnog dijagrama zida, koji se icrtava nakon ispitivanja zida u laboratoriji, može definisati modul elastičnosti E.

Za sve vrste zidova, za granična stanja nosivosti, može se uzeti da važi:

$$E = 1000f_k \quad \text{fk je karakteristična čvrstoća zida na pritisak.}$$

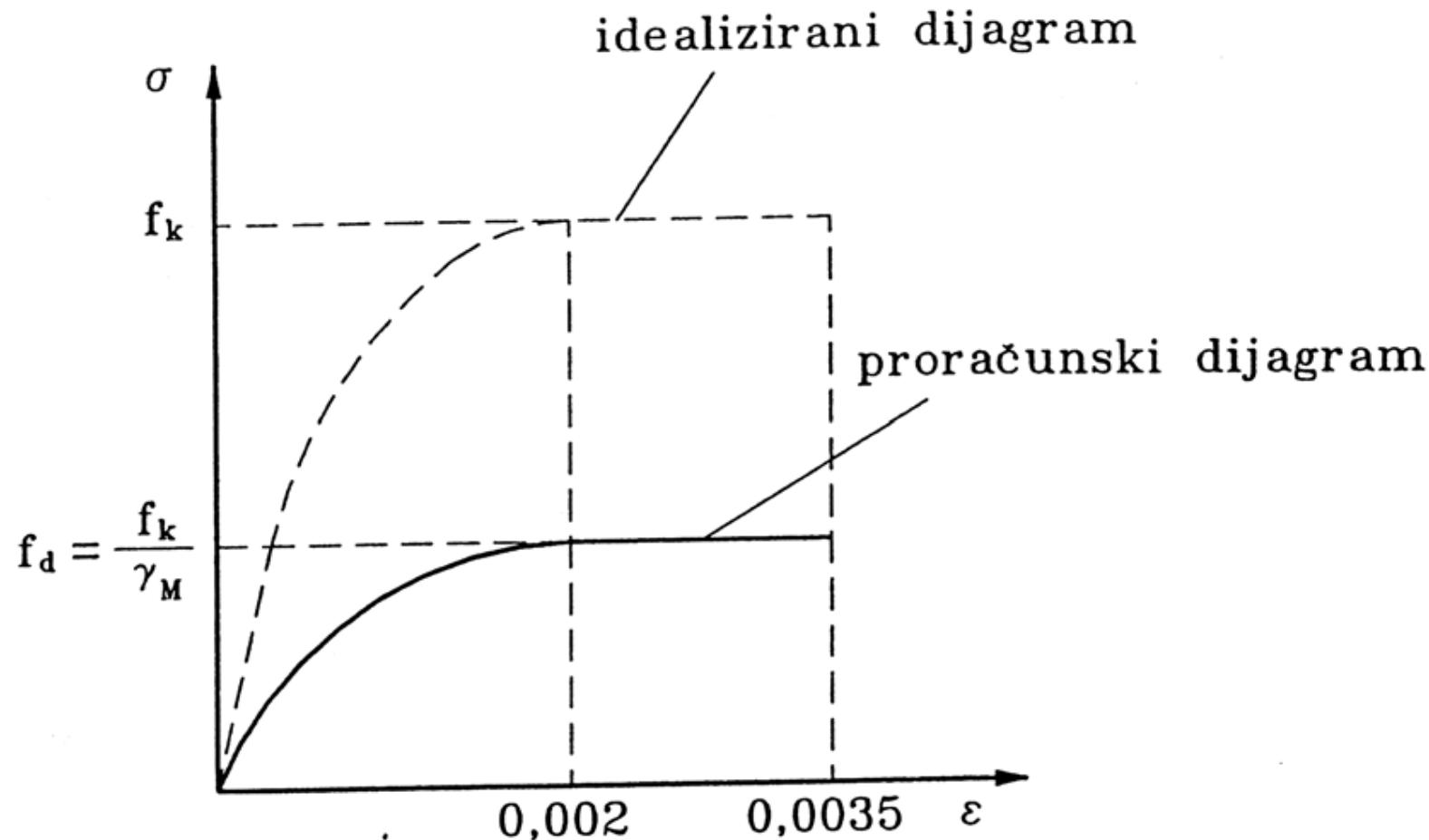
Kada se modul elastičnosti primjenjuje za granična stanja upotrebljivosti važi:

$$E=E/(1+f_\infty), \quad f_\infty \text{ je konačna vrijednost koeficijenta tečenja.}$$

Za modul smicanja, G, preporučuje se 40%E ili $G = 400 \text{ fk}$

Kada konstrukciju proračunavamo na dejstvo zemljotresa uzima se da je:
 $G= E/6$ ili manje.

- 1) Radni dijagram zidanog zida
- 2) Predstavlja idealizovani dijagram
- 3) Proračunski dijagram



Računska čvrstoća na pritisak f_d jednaka je količniku karakteristične čvrstoće na pritisak f_k i koeficijenta za materijale γ_m . $f_d = \frac{f_k}{\gamma_m}$

PRIMJER: Zid je izgrađen od elementa za zidanje dimenzija 190x190x250, koji priradaju grupi 2. Za zidanje je korišćen malter opšte namjene M15. Normalizovana srednja čvrstoća pri pritisku elemenata za zidanje iznosi: $f_b=11,8 \text{ MPa}$, dok je čvrstoća pri pritisku maltera opšte namjene, projektovanog sastava, $f_m=15 \text{ MPa}$. Kontrola izvođenja se svrstava u klasu 2. Odrediti: karakterističnu čvrstoću pri pritisku zida, računsku čvrstoću na pritisak zida, modul elastičnosti i modul smicanja.



Izraz za proračun **karakteristične čvrstoće na pritisak** glasi:

$$f_k = K f_b^{0.7} f_m^{0.3}$$

$$f_k = 0,45 \times f_b^{0,7} \times f_m^{0,3} = 5,7 \text{ MPa}$$

Napomena: Ako bi zid od ovih elemenata i sa istom klasom maltera imao poduznu spojnicu njegova karakteristična čvrstoća na pritisak bi iznosila: $f_k=0,8 \times 5,7=4,6 \text{ MPa}$.

Računske čvrstoće na pritisak zida

Za materijal iz grupe B i za klasu izvođenja 3 isčitava se iz tabele parcijalni koeficijent za materijale $\gamma_m=2,2$

$$f_d = \frac{f_k}{\gamma_m} = \frac{5,7}{2,2} = 2,6 \text{ MPa}$$

Modul elastičnosti E iznosi:

$$E=1000 \times f_k=1000 \times 5,7 = 5700 \text{ MPa}= 5,7 \text{ GPa}$$

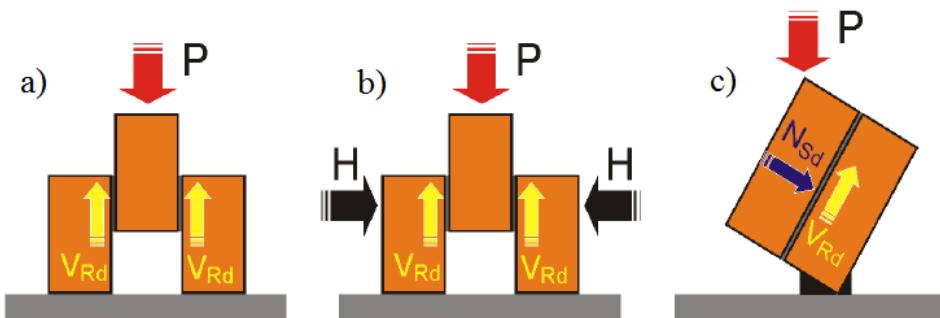
Modul smicanja G iznosi:

a za proračunsku situaciju sa dejstvom zemljotresa

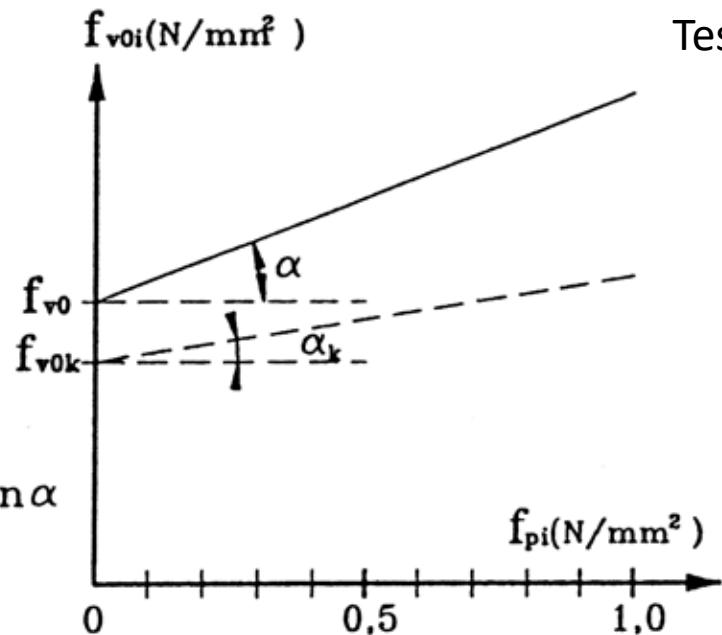
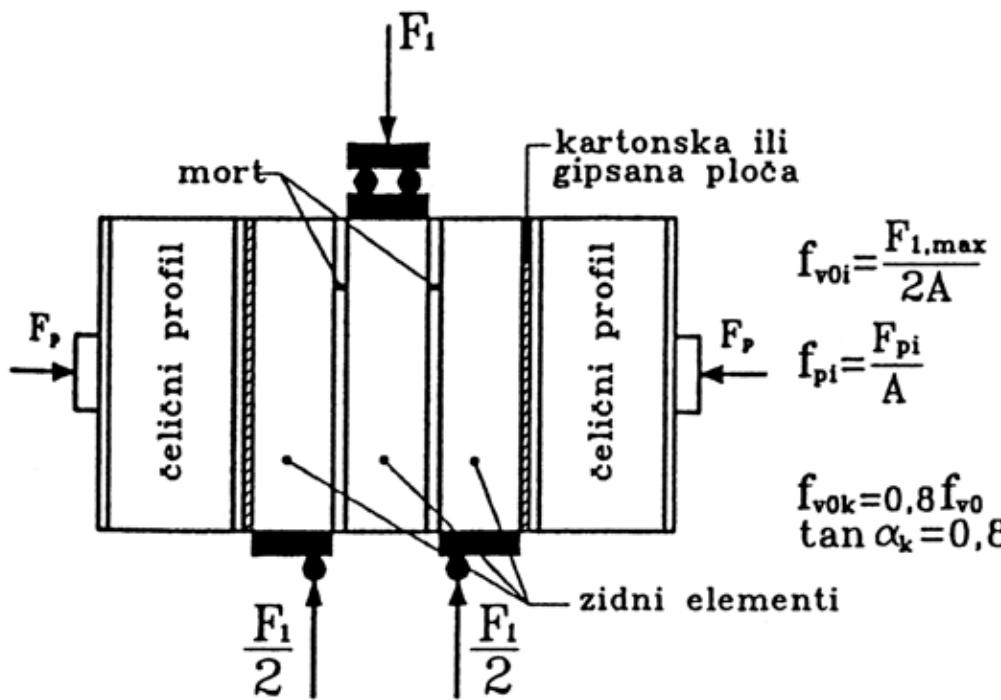
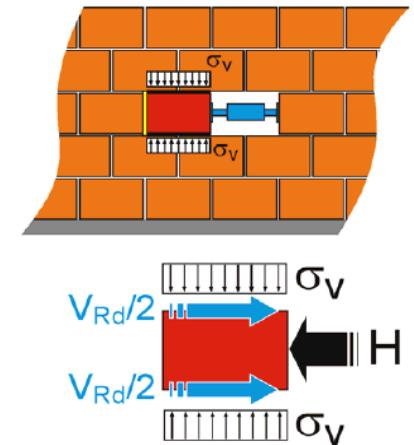
$$G=400 \times f_k=400 \times 5,7 = 2280 \text{ MPa}$$

$$G=0,167 \times E=0,167 \times 5700 = 952 \text{ MPa}$$

Određivanje karakteristične čvrstoće zida pri smicanju zida, standard MEST EN 1996-1-1:2017



Skicom predstavljeno moguće testiranje na smicanje u uzorcima



Testiranje postojećeg zida

Skica položaja uzorka pri testiranju i zavisnost čvrstoće na smicanje od napona pritiska u zidu

Karakteristična čvrstoća na smicanje nearmiranog zidanog zida, f_{vk}

$$f_{vk} = f_{vk0} + 0,4 \times \sigma_d \leq 0,065 f_b \text{ ili } f_{vit}$$

Jednačina se koristi za nearmirane zidove u malterima opšte namjene, tankoslojnim i lako agregatnim malterima uz uslov da su vertikalne spojnice potpuno ispunjene malterima.

Ako su površine elemenata čeono priljubljene, bez vezivanja malterom, važi sledeća jednačina:

$$f_{vk} = 0,5 f_{vk0} + 0,4 \times \sigma_d \leq 0,045 f_b \text{ ili } f_{vit}$$

Gdje je:

f_{vk0} karakteristična vrijednost početne čvrstoće zida na smicanje, pri nultom naponu pritiska

σ_d proračunska vrijednost napona pritiska upravna na ravan smicanja zida (od kombinacije opterećenja koja daje najmanje vrijednosti)

f_b normalizovana srednja čvrstoća na pritisak elementa za zidanje

f_{vit} granična vrijednost napona pritiska f_{vk} određena u NA.
Ova vrijednost nije definisana u NA.

Element za zidanje	f_{vk0} (N/mm ²)			
	Malter opšte namene, klase čvrstoće	Tankoslojni malter (debljina spojnice 0,5-3,0 mm)	Lakoagregatni malter	
Glina	M10 - M20 M2,5 - M9 M1 - M2	0,30 0,20 0,10	0,30 0,40 0,30	0,15 0,15 0,15
	M10 - M20 M2,5 - M9 M1 - M2	0,20 0,15 0,10		
	Beton	M10 - M20	0,20	
Autoklavirani aerirani beton	M2,5 - M9	0,15	0,30	0,15
Veštački kamen i obrađeni prirodni kamen	M1 - M2	0,10		

PRIMJER: Zid dužine 750 cm i debljine 25 cm i izložen je dejstvu aksialne sile pritiska smicanja od 38,6 kN/m. Zid je izgrađen od glinenih blokova dimenzija 190x190x250. Normalizovana srednja čvrstoća pri pritisku elemenata za zidanje iznosi: $f_b = 11,8$ MPa. Za zidanje je korišćen malter opšte namjene M15. Kontrola izvođenja se vrstava u klasu 2. Odrediti čvrstoću zida pri smicanju.

Karakteristična vrijednost čvrstoće pri smicanju dobija se iz izraza:

$$f_{vk} = f_{vk0} + 0,4 \times \sigma_d \leq 0,065 f_b \text{ ili } f_{vit}$$

Proračunska vrijednost napona pritiska upravno na ravan zida je:

$$\sigma_d = \frac{N}{A} = \frac{38,6 \times 7,5}{750 \times 25} = 0,0154 \frac{kN}{cm^2} = 0,154 \text{ MPa}$$

f_{vk0} je preuzeto iz tabele za elemente za zidanje od gline i za marku maltera M15 i iznosi 0,3 MPa.

$$f_{vk} = 0,3 + 0,4 \times 0,154 = 0,36 \text{ MPa}, \text{ što je manje od } 0,065 \times 11,8 = 0,78 \text{ MPa}$$

Karakteristična čvrstoća pri smicanju iznosi 0,36 MPa.

Određivanje referentne čvrstoće pri zatezanju, glavni naponi zatezanja

Ove jednačine nisu date u Eurokodu. Važile su u do sada važećim propisima. Jednačinu su postavili Turnšek i Čačović. U tabeli su prezentirane referentne čvrstoće na zatezanje, $\sigma_{ruš}$, u pravcu dejstva glavnih napona u zidu. Upoređuju se sa glavnim naponima zatezanja f_t .

$$f_t = -\frac{\sigma_0}{2} + \sqrt{(1.5 * \tau_R)^2 + \left(\frac{\sigma_0}{2}\right)^2}$$

$$\sigma_0 = \frac{N}{A_m}$$

$$\tau = \tau_R = H/A_m$$

Gdje su:

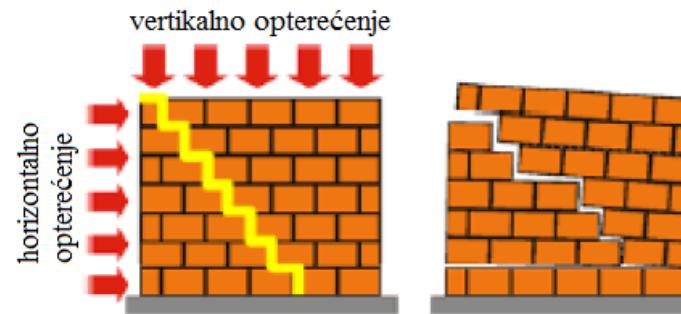
f_t - glavni naponi zatezanja

N – je normalna sila u zidu, upravna na horizontalnu spojnicu

A – naliježuća površina zida

σ_0 - normalni naponi u zidu

τ - smičući naponi u zidu



Tip zidova	$\sigma_{ruš}$ Kp/cm ² (Kpa)
- Puna opeka (6 × 12 × 24 cm) MO 100, MM 25	1,8 (180)
- Šuplja opeka (6 × 12 × 24 cm) MO 150, MM 25	2,2 (220)
- Modularni blok (29 × 19 × 19 cm) MO 150, MM 25	1,2 (120)
- Modularni blok (29 × 19 × 19 cm) MO 150, MM 50	1,8 (180)
- Keramizitni blok (39 × 19 × 19 cm) MO 75, MM 50	2,7 (270)

PRIMJER: Zid dužine 3,0m i debljine 19 cm, zidan modularnim blokom dimenzija 29x19x19, MO 15 i MM5 izložen je dejstvu akcionalne sile pritiska $N=380\text{kN}$ i horizontalnoj sili od $H=120\text{kN}$. Odrediti da li zadovoljava čvrstoću pri zatezanju.

$$\sigma_0 = \frac{N}{A} = \frac{380}{300 \times 19} = 0,07 \frac{\text{kN}}{\text{cm}^2} = 0,7 \text{ MPa}$$

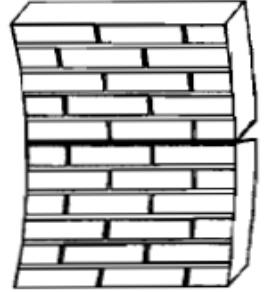
$$\tau = \frac{H}{A} = \frac{120}{300 \times 19} = 0,02 \frac{\text{kN}}{\text{cm}^2} = 0,2 \text{ MPa}$$

$$f_t = 0,11 \text{ MPa}$$

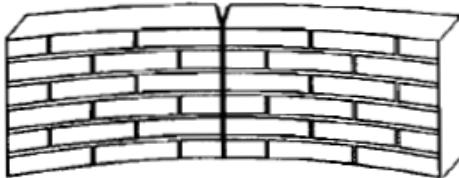
Glavni napon zatezanja je manji od čvrstoće pri zatezanju, koja se očitava iz tablice i iznosi 0,18 MPa.

Karakteristične čvrstoće zida na savijanje van svoje ravni, f_{x1} i f_{x2}

f_{x1} je karakteristična čvrstoća zida kada je ravan loma paralelna malterskoj spojnici, a f_{x2} je karakteristična čvrstoća zida kada je ravan loma upravna na horizontalne spojnice. Čvrstoće zida na savijanje mogu biti prekoračene na primjer pri dejstvu vjetra ili pri dejstvu snijega.



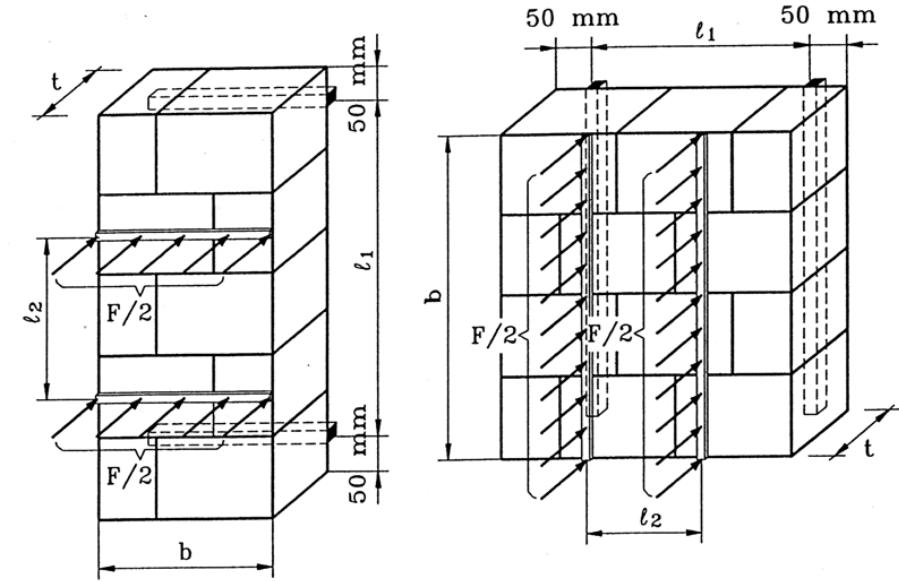
a) ravan loma paralelnim spojnicama



b) ravan loma upravna na horizontalne spojnice

Element za zidanje	$f_{xk1} (\text{N/mm}^2)$		
	Malter opšte namene		Tankoslojni malter
	$f_m < 5 \text{ N/mm}^2$	$f_m \geq 5 \text{ N/mm}^2$	Lakoagregatni malter
Glina	0,10	0,10	0,15
Kalcijum silikat	0,05	0,10	0,20
Beton	0,05	0,10	0,20
Autoklavirani aerirani beton	0,05	0,10	0,15
Veštački kamen	0,05	0,10	ne koristi se
Obrađeni prirodni kamen	0,05	0,10	0,15

Element za zidanje	$f_{xk2} (\text{N/mm}^2)$		
	Malter opšte namene		Tankoslojni malter
	$f_m < 5 \text{ N/mm}^2$	$f_m \geq 5 \text{ N/mm}^2$	Lakoagregatni malter
Glina	0,20	0,40	0,15
Kalcijum silikat	0,20	0,40	0,30
Beton	0,20	0,40	0,30
Autoklavirani aerirani beton	$\rho < 400 \text{ kg/m}^3$	0,20	0,20
	$\rho \geq 400 \text{ kg/m}^3$	0,20	0,15
Veštački kamen	0,20	0,40	ne koristi se
Obrađeni prirodni kamen	0,20	0,40	0,15



Naponi u zidu $\sigma_i = \frac{M_i}{W_i}$ se razmatraju za osu savijanja 1-1, odnosno za osu savijanja 2-2. Potrebno je granični naponi uslijed mjerodavne kombinacije uticaja budu manji od karakteristične čvrstoće zida na savijanje van svoje ravni.